

22 Дадена е равенката $(k+1)x^2 - (k-1)x + k+1 = 0$, $k \neq -1$.

А. равенката има еднакви решенија за $k = \frac{-3 \text{ и } -\frac{1}{3}}{\frac{k-1}{k+1}}$.

Б. збирот на нејзините решенија изнесува $\frac{k-1}{k+1}$.

А.

услов за еднакви решенија е $b^2 - 4ac = 0$

$$(k-1)^2 - 4(k+1)(k+1) = 0$$

$$k^2 - 2k + 1 - 4(k^2 + 2k + 1) = 0$$

$$k^2 - 2k + 1 - 4k^2 - 8k - 4 = 0$$

$$-3k^2 - 10k - 3 = 0$$

$$3k^2 + 10k + 3 = 0$$

$$k_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a} = \frac{-10 \pm \sqrt{10^2 - 4 \cdot 3 \cdot 3}}{2 \cdot 3} = \frac{-10 \pm 8}{6}$$

$$k_1 = -3 \quad k_2 = -\frac{1}{3}$$

Б.

$$x_1 + x_2 = \frac{-b + \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a} + \frac{-b - \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a} = \frac{-b + \sqrt{b^2 - 4ac} - b - \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a} = -\frac{b}{a}$$

$$x_1 + x_2 = -\frac{b}{a} = -\frac{-(k-1)}{(k+1)} = \frac{k-1}{k+1}$$